

[Таблица точек](javascript:void(0);)

|  |  |
| --- | --- |
| **x** | **y** |
| -4.0 | -27 |
| -3.5 | -2 |
| -3.0 | 14 |
| -2.5 | 22.5 |
| -2.0 | 25 |
| -1.5 | 23 |
| -1.0 | 18 |
| -0.5 | 11.5 |
| 0 | 5 |
| 0.5 | 0 |
| 1.0 | -2 |
| 1.5 | 0.5 |
| 2.0 | 9 |
| 2.5 | 25 |
| 3.0 | 50 |

Точка пересечения графика функции с осью координат Y:

График пересекает ось Y, когда x равняется 0: подставляем x=0 в y=2x3+3x2-12x+5.

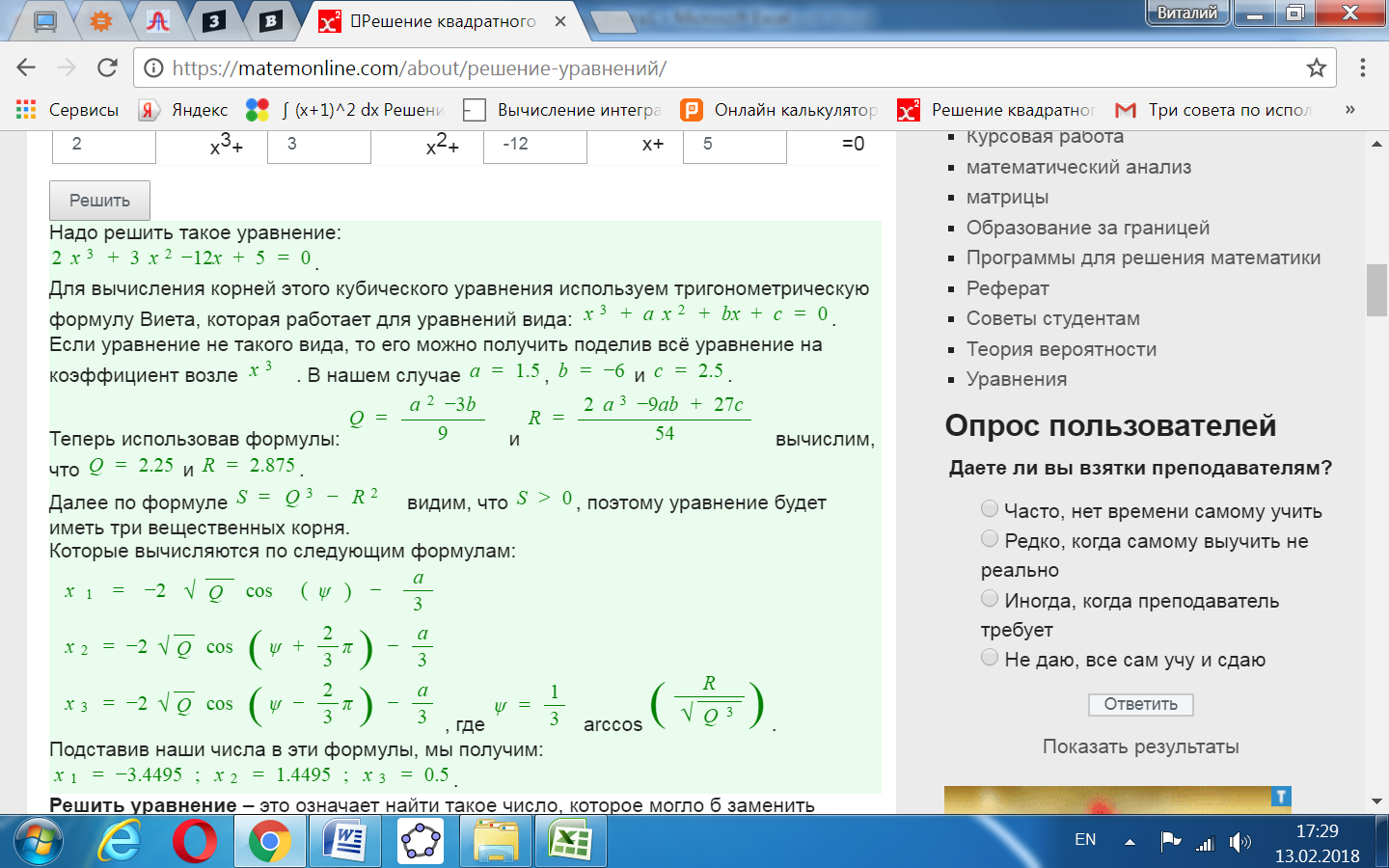
у = 2\*03+3\*02-12\*0+5 = 5,

Результат: y=5. Точка: (0; 5).

Точки пересечения графика функции с осью координат X:

График функции пересекает ось X при y=0, значит, нам надо решить уравнение:

2x3+3x2-12x+5= 0.



Результат: y=0. Точки: (-3,4495; 0), (1,4495; 0) и ( -0,5; 0).

Экстремумы функции:

Для того, чтобы найти экстремумы, нужно решить уравнение y'=0 (производная равна нулю), и корни этого уравнения будут экстремумами данной функции:

y' = 6x2 + 6х - 12 = 6(x2 + x – 2) = 0.

Решаем это уравнение x2 + x – 2 = 0 и его корни будут экстремумами:

Квадратное уравнение, решаем относительно x:

Ищем дискриминант:

D=1^2-4\*1\*(-2)=1+8=9;

Дискриминант больше 0, уравнение имеет 2 корня:

x1=(-1 +√9)/(2\*1)=(-1+3)/(2)=2/2=1;

x2=(-1-√9)/(2\*1)=(-1-3)/(2)=-4/2=-2.

х1 = 1, х2 = -2.

Результат: y’=0. Точки: (0; 1) и (0; -2).

Интервалы возрастания и убывания функции:

Имеем 3 интервала монотонности функции: (-∞; -2)), (-2; 1) и 1; ∞).

На промежутках находим знаки производной. Где производная положительна - функция возрастает, где отрицательна - там убывает. Точки, в которых происходит смена знака и есть точки экстремума - где производная с плюса меняется на минус - точка максимума, а где с минуса на плюс - точки минимума.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| x = | -3 | -2 | 0 | 1 | 2 |
| y' = | 24 | 0 | -12 | 0 | 24 |

* Минимум функции в точке: х = 1,
* Максимум функции в точке: х =-2.
* Возрастает на промежутках: (-∞; -2)) и (1; ∞).
* Убывает на промежутке: (-2; 1).

Точки перегибов графика функции:

Найдем точки перегибов для функции, для этого надо решить уравнение y''=0 - вторая производная равняется нулю, корни полученного уравнения будут точками перегибов указанного графика функции, + нужно подсчитать пределы y'' при аргументе, стремящемся к точкам неопределенности функции:

y' '= 12x +6 = 0.

Решаем это уравнение и его корни будут точками, где у графика перегибы:

12x + 6 = 6(2x + 1) = 0.

x = (-1/2). Точка: ((-1/2); 11,5).

Имеем 2 интервала выпуклости, вогнутости: (-∞; (-1/2)) и ((-1/2); +∞).

Интервалы выпуклости, вогнутости.

Находим знаки второй производной на полученных промежутках.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| x = | -1 | -0,5 | 1 |
| y'' = | -6 | 0 | 18 |

Где вторая производная меньше нуля, там график функции выпуклый, а где больше - вогнутый:

* Выпуклая на промежутках: (-∞; (-1/2)).
* Вогнутая на промежутках: ((-1/2); +∞).

Вертикальных и горизонтальных асимптот графика функции нет.

Четность и нечетность функции:

# Проверим функцию - чётна или нечётна - с помощью соотношений f(х) = f(-x) и f = -f(-x). Итак, проверяем:

# y(-x) = 2\*(-x)3 + 3(-x)2 - 12(-х) + 5 = -2x3 + 3x2 + 12х + 5 ≠ y(-x) ≠ -y(-x)

# Значит, функция не является ни чётной, ни нечётной.

# yotx.ru.png

[Таблица точек](javascript:void(0);)

|  |  |
| --- | --- |
| **x** | **y** |
| -1.0 | -52 |
| -0.5 | -32.4 |
| 0 | -18 |
| 0.5 | -8.1 |
| 1.0 | -2 |
| 1.5 | 1.1 |
| 2.0 | 2 |
| 2.5 | 1.4 |
| 3.0 | 0 |
| 3.5 | -1.4 |
| 4.0 | -2 |
| 4.5 | -1.1 |
| 5.0 | 2 |
| 5.5 | 8.1 |
| 6.0 | 18 |
| 6.5 | 32.4 |
| 7.0 | 52 |

1. Область определения функции - вся числовая ось: D(f) = R.

2. Функция f (x) = непрерывна на всей области определения.

Точек разрыва функции нет.

Область значений функции приведена в пункте 6.

3. Точка пересечения графика функции с осью координат Y:

График пересекает ось Y, когда x равняется 0:

подставляем x=0 в .

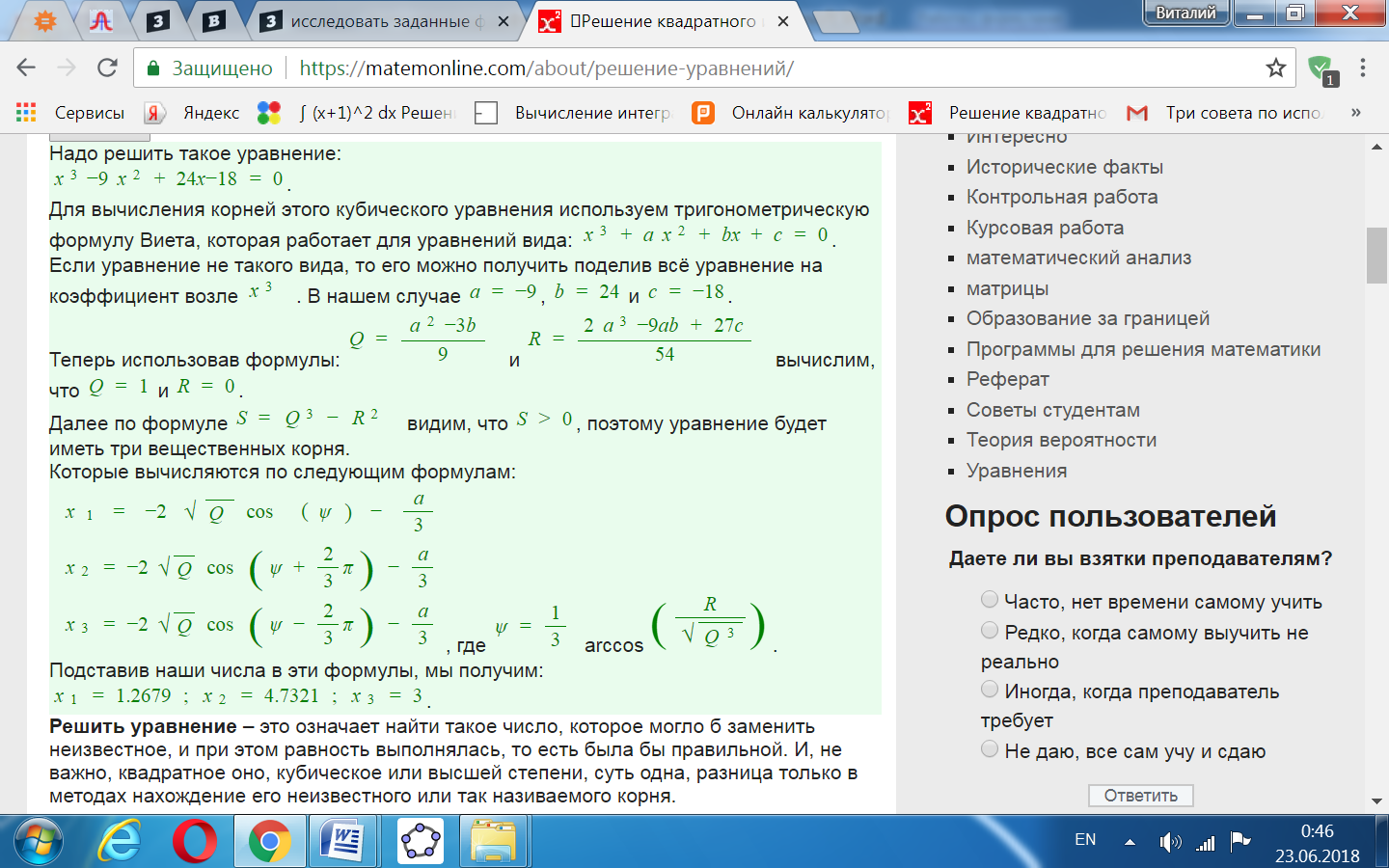
у = 03-9\*02+24\*0-18 = -18.

Результат: y=-18. Точка: (0; -18).

4. Точки пересечения графика функции с осью координат X:

График функции пересекает ось X при y=0, значит, нам надо решить уравнение:

= 0.



Результат: y=0. Точки: 1,2679; 0), (3; 0) и ( 4,7321; 0).

5. Экстремумы функции:

Для того, чтобы найти экстремумы, нужно решить уравнение y'=0 (производная равна нулю), и корни этого уравнения будут экстремумами данной функции:

y' = 3x2 - 18х + 24 = x2 - 6x + 8 = 0.

Решаем это уравнение x2 - 6x + 8 = 0 и его корни будут экстремумами:

Квадратное уравнение, решаем относительно x:

Ищем дискриминант:

D=(-6)^2-4\*1\*8=36-4\*8=36-32=4;

Дискриминант больше 0, уравнение имеет 2 корня:

x\_1=(√4-(-6))/(2\*1)=(2-(-6))/2=(2+6)/2=8/2=4;

x\_2=(-√4-(-6))/(2\*1)=(-2-(-6))/2=(-2+6)/2=4/2=2.

х1 = 4, х2 = 2.

Получены 2 критические точки, в которых возможен экстремум.

6. Интервалы возрастания и убывания функции:

Имеем 3 интервала монотонности функции: (-∞; -2)), (-2; 3) и (3; ∞).

На промежутках находим знаки производной. Где производная положительна - функция возрастает, где отрицательна - там убывает. Точки, в которых происходит смена знака и есть точки экстремума - где производная с плюса меняется на минус - точка максимума, а где с минуса на плюс - точки минимума.

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| x = | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
| y' = | 9 | 0 | -3 | 0 | 9 |

* Минимум функции в точке: х = 4,
* Максимум функции в точке: х = 2.
* Возрастает на промежутках: (-∞;-2)) и (4; ∞).
* Убывает на промежутке: (2; 4).

Так как минимум и максимум функции только локальные, то область значений функции - вся числовая ось: E(y) = R.

7. Точки перегибов графика функции:

Найдем точки перегибов для функции, для этого надо решить уравнение y''=0 - вторая производная равняется нулю, корни полученного уравнения будут точками перегибов указанного графика функции.

y''= 6x - 18 = 0.

Решаем это уравнение и его корни будут точками, где у графика перегибы:

6x - 18 = 6(x - 3) = 0.

x = 3. Точка: (3; 0).

Имеем 2 интервала выпуклости, вогнутости: (-∞; 3)) и (3; +∞).

8. Интервалы выпуклости, вогнутости.

Находим знаки второй производной на полученных промежутках.

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| x = | 2 | 3 | 4 |
| y'' = | -6 | 0 | 6 |

Где вторая производная меньше нуля, там график функции выпуклый, а где больше - вогнутый:

* Выпуклая на промежутке: (-∞; 3).
* Вогнутая на промежутке: (3; +∞).

9. Вертикальных, горизонтальных и наклонных асимптот графика функции нет.

10. Четность и нечетность функции:

# Проверим функцию - чётна или нечётна - с помощью соотношений f(-х) = f(x) и f(-x) = -f(x). Итак, проверяем:

# y(-x) = (-x)3 - 9(-x)2 + 24(-х) - 18 = -x3 - 9x2 - 24х - 18 ≠ y(x) ≠ -y(x)

# Значит, функция не является ни чётной, ни нечётной.